

基本的恒真式 (恒真命題)

1. $p \rightarrow p$ (同一律1)
 $p \rightarrow p$ (同一律2)
 $p \rightarrow p$ (同一律3)
2. $\sim \sim p \rightarrow p$ (二重否定)
3. $p \rightarrow \sim p$ (排中律)
4. $\sim (p \rightarrow \sim p)$ (矛盾律)
5. $p \rightarrow \sim p \rightarrow \sim p$ (帰謬法)
6. $p \rightarrow q \rightarrow q \rightarrow p$ (の交換律)
7. $p \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow r$ (の結合律)
8. $p \rightarrow q \rightarrow q \rightarrow p$ (の交換律)
9. $p \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow r$ (の結合律)
10. $p \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow r)$ (第一分配律)
 $p \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow r)$ (第二分配律)
11. $(p \rightarrow q) \rightarrow (r \rightarrow s) \rightarrow (p \rightarrow r) \rightarrow (q \rightarrow s)$ (二重分配律1)
 $(p \rightarrow q) \rightarrow (r \rightarrow s) \rightarrow (p \rightarrow r) \rightarrow (q \rightarrow s)$ (二重分配律2)
12. $p \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow p$ (吸収律)
13. $\sim (p \rightarrow q) \rightarrow \sim p \rightarrow \sim q$ (ド・モルガンの法則1)
 $\sim (p \rightarrow q) \rightarrow \sim p \rightarrow \sim q$ (ド・モルガンの法則2)
14. $p \rightarrow (p \rightarrow \sim p) \rightarrow p$ (恒真項の除去)
15. $p \rightarrow (q \rightarrow \sim q) \rightarrow p$ (恒偽項の除去)
16. $p \rightarrow (\sim p \rightarrow q) \rightarrow p \rightarrow q$ (否定の吸収)
17. $p \rightarrow q \rightarrow \sim p \rightarrow q$ (の定義1)
18. $p \rightarrow q \rightarrow \sim (p \rightarrow \sim q)$ (の定義2)
19. $p \rightarrow q \rightarrow \sim q \rightarrow \sim p$ (対偶律)
20. $p \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow q \rightarrow (p \rightarrow r)$ (前提の対称性)
 $(p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow r) \rightarrow p \rightarrow (q \rightarrow r)$ (含意統合1)
 $(p \rightarrow r) \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow r$ (含意統合2)
 $(p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow r) \rightarrow p \rightarrow (q \rightarrow r)$ (含意統合3)
 $(p \rightarrow r) \rightarrow (q \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow r$ (含意統合4)
21. $(p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow p)$ (同値の定義1)
 $(p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow q) \rightarrow (\sim p \rightarrow \sim q)$ (同値の定義2)
22. $\sim (p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow \sim q)$ (同値の否定)
23. $(p \rightarrow q) \rightarrow (\sim p \rightarrow \sim q)$ (同値の項の否定)
24. $p \rightarrow (p \rightarrow q)$ (項追加)
25. $(p \rightarrow q) \rightarrow p$ (連言肢の分離1)
 $(p \rightarrow q) \rightarrow q$ (連言肢の分離2)
26. $p \rightarrow (q \rightarrow p)$ (含意の追加1)
 $\sim p \rightarrow (p \rightarrow q)$ (含意の追加2)
27. $(p \rightarrow (p \rightarrow q)) \rightarrow q$ (前件肯定式)
28. $(p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))$ (結論の追加)
29. $(p \rightarrow q) \rightarrow ((p \rightarrow r) \rightarrow q)$ (前提の追加)
30. $((p \rightarrow r) \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow q)$ (前提の除去)
31. $(p \rightarrow (q \rightarrow r)) \rightarrow (p \rightarrow q)$ (結論の除去)
32. $((p \rightarrow q) \rightarrow (r \rightarrow s)) \rightarrow ((p \rightarrow r) \rightarrow (q \rightarrow s))$ (含意統合1)
 $((p \rightarrow q) \rightarrow (r \rightarrow s)) \rightarrow ((p \rightarrow r) \rightarrow (q \rightarrow s))$ (含意統合2)
33. $((p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow r)) \rightarrow (p \rightarrow r)$ (含意の推移性)
34. $((p \rightarrow q) \rightarrow (q \rightarrow r)) \rightarrow (p \rightarrow r)$ (同値の推移性)