平成 14 年 7 月 11 日

電磁気学演習 **No.14** (磁場のエネルギー、インダクタンス)

問 **1** *(宿題 **12** の復習) 電磁気 I の宿題 12 が分からなかった人はこの時間内に解けるように努力すること. 分からないところは質問し, 完全に理解しよう！

問 **2** *(円柱状導線) 半径 a の無限に長い導線に電流 I(電流密度は一様であるとする) が流れている. 以下の問いに答えよ.

(a) この導線の作る磁場を導線の中心からの距離 R の関数として求め, その大きさをグラフにあらわせ.

(b) ベクトルポテンシャル $\boldsymbol{A}$ を求め, その大きさを R の関数として図示せよ.

(c) 軸方向単位長さ当りの磁場のエネルギー U を $U = \frac{1}{2\mu_0}\int B^2\ dV$ および $U = \frac{1}{2}\int \boldsymbol{J}\cdot\boldsymbol{A}\ dV$ から求め, 両者が一致することを確かめよ.

問 **3** *(同軸導体) 半径 a と $b(>a)$ の無限に長く厚みがない導体管が同じ軸を中心軸として置かれている. 2 つの管に大きさが I で互いに逆向きの電流を軸方向に流す. このとき以下の問いに答えよ.

(a) 中心軸からの距離 R の関数として磁場を求め, 図示せよ.

(b) 軸方向単位長さ当りの磁場のエネルギー U を求めよ.

(c) このシステムは, 内管と外管が無限遠で互いに接続されていると考えると一つの回路を作っているとみなせる. 関係式 $U = \frac{1}{2}LI^2$ を使って, 単位長さ当りの自己インダクタンス L を求めよ.

(d) 2 つの管の間の磁束より自己インダクタンス L を求め, (c) で求めた答えと一致するかどうか調べよ.

問 **4** (インダクタンス) 以下の回路に対するインダクタンス係数を求めよ.

(a) * 半径 a, 巻数 N_1 の大きい円形コイルの中心に, このコイルと同じ中心を持ち角度 θ だけ傾いた半径 $b(\ll a)$, 巻数 N_2 円形コイルがある. このときの相互インダクタンス.

(b) * 無限に長い直線導線とこの導線と同一面内にあり, これに接する半径 a の円形回路のの間の相互インダクタンス.

(c) ** 半径 a, 長さ l の直線導線が間隔 d で 2 本平行に置かれている. この導線の端を短絡して一つの回路を作る. 導線の表面にのみ電流が流れるとして自己インダクタンスを求めよ. ただし, $l \gg a$ とし, それぞれの導線を無限に長いみなして構わない.